

Medida de ángulos

Ejercicio nº 1.-

a) Pasa a radianes los siguientes ángulos: 210° y 70°

b) Pasa a grados los ángulos: $\frac{7\pi}{6}$ rad y 3,5 rad

Ejercicio nº 2.-

Completa la siguiente tabla:

GRADOS	35°		120°	
RADIANES		$2\pi / 3$		2

Ejercicio nº 3.-

a) Expresa en grados los siguientes ángulos dados en radianes $\frac{5\pi}{6}$ y 3

b) Expresa en radianes los ángulos: 225° y 100°

Ejercicio nº 4.-

Completa la tabla:

GRADOS	130°		330°	
RADIANES		$4\pi / 3$		1,5

Ejercicio nº 5.-

a) Pasa a radianes los siguientes ángulos: 60° y 125°

b) Pasa a grados los ángulos $\frac{2\pi}{5}$ rad y 2,5 rad

Razones trigonométricas

Ejercicio nº 6.-

Calcula las razones trigonométricas de 140° y de 220° , sabiendo que:

$$\text{sen}40^\circ = 0,64; \text{cos}40^\circ = 0,77; \text{tg}40^\circ = 0,84$$

Ejercicio nº 7.-

Sabiendo que $\text{sen}50^\circ = 0,77$, $\text{cos}50^\circ = 0,64$ y $\text{tg}50^\circ = 1,19$, calcula (sin utilizar las teclas trigonométricas de la calculadora):

a) $\text{cos}130^\circ$ b) $\text{tg}310^\circ$ c) $\text{cos}230^\circ$ d) $\text{sen}310^\circ$

Ejercicio nº 8.-

Sabiendo que $\text{sen } 25^\circ = 0,42$, $\text{cos } 25^\circ = 0,91$ y $\text{tag } 25^\circ = 0,47$, halla (sin utilizar las teclas trigonométricas de la calculadora) las razones trigonométricas de 155° y de 205° .

Ejercicio nº 9.-

Si $\text{sen } \alpha = 0,35$ y $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ halla (sin calcular α):

a) $\text{sen}(180^\circ - \alpha)$ b) $\text{cos}(180^\circ + \alpha)$

Ejercicio nº 10.-

Si $\text{tg } \alpha = \frac{1}{3}$ y α es un ángulo que está en el primer cuadrante, calcula (sin hallar α):

a) $\text{tg}(180^\circ - \alpha)$ b) $\text{tg}(180^\circ + \alpha)$ c) $\text{tg}(360^\circ - \alpha)$ d) $\text{tg}(360^\circ + \alpha)$

Expresiones trigonométricas

Ejercicio nº 11.-

Demuestra que:

$$\frac{\text{sen } x}{1 + \text{cos } x} + \frac{1 + \text{cos } x}{\text{sen } x} = \frac{4 + 4\text{cos } x}{2\text{sen } x + \text{sen } 2x}$$

Ejercicio nº 12.-

Demuestra la igualdad:

$$\frac{2\text{sen } x}{\text{tg } 2x} + \frac{\text{sen}^2 x}{\text{cos } x} = \text{cos } x$$

Ejercicio nº 13.-

Demuestra que:

$$\text{cos } x + 2\text{sen}^2 \frac{x}{2} = 1$$

Ejercicio nº 14.-

Demuestra la siguiente igualdad:

$$\frac{(\text{sen } x + \text{cos } x) \cdot \text{cos } 2x}{\text{cos } x - \text{sen } x} = 1 + \text{sen } 2x$$

Ejercicio nº 15.-

Demuestra la siguiente igualdad:

$$\frac{\text{sen } x \text{ cos } x}{\text{cos}^2 x - \text{sen}^2 x} = \frac{1}{2} \text{tg } 2x$$

Ecuaciones trigonométricas

Ejercicio nº 16.-

Resuelve la siguiente ecuación:

$$\operatorname{sen} x \operatorname{sen} 2x + 2 \operatorname{sen}^2 x = 0$$

Ejercicio nº 17.-

Resuelve la ecuación:

$$\cos 2x + \operatorname{sen}^2 x - \frac{1}{2} = 0$$

Ejercicio nº 18.-

Resuelve:

$$\cos^3 x - 3 \cos x = 3 \cos x \operatorname{sen} x$$

Ejercicio nº 19.-

Resuelve la siguiente ecuación trigonométrica:

$$\operatorname{sen} 2x + \cos 2x - 1 = \cos x - 2 \operatorname{sen}^2 x$$

Ejercicio nº 20.-

Resuelve la ecuación:

$$4 \cos 2x = 1 - 3 \cos x$$

Soluciones

Medida de ángulos

Ejercicio nº 1.-

a) Pasa a radianes los siguientes ángulos: 210° y 70°

b) Pasa a grados los ángulos: $\frac{7\pi}{6}$ rad y $3,5$ rad

Solución:

$$a) 210^\circ = 210 \cdot \frac{\pi}{180} \text{ rad} = \frac{7\pi}{6} \text{ rad}$$

$$70^\circ = 70 \cdot \frac{\pi}{180} \text{ rad} = \frac{7\pi}{18} \text{ rad}$$

$$b) \frac{7\pi}{6} \text{ rad} = \frac{7\pi}{6} \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 210^\circ$$

$$3,5 \text{ rad} = 3,5 \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 200^\circ 32' 7''$$

Ejercicio nº 2.-

Completa la siguiente tabla:

GRADOS	35°		120°	
RADIANES		$2\pi / 3$		2

Solución:

$$35^\circ = \frac{35 \cdot \pi}{180} \text{ rad} = \frac{7\pi}{36} \text{ rad}$$

$$\frac{2\pi}{3} \text{ rad} = \frac{2\pi}{3} \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 120^\circ \rightarrow 120^\circ = \frac{2\pi}{3} \text{ rad}$$

$$2 \text{ rad} = 2 \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 114^\circ 35' 30''$$

Por tanto:

GRADOS	35°	120°	120°	$114^\circ 35' 30''$
RADIANES	$7\pi / 36$	$2\pi / 3$	$2\pi / 3$	2

Ejercicio nº 3.-

a) Expresa en grados los siguientes ángulos dados en radianes $\frac{5\pi}{6}$ y 3

b) Expresa en radianes los ángulos: 225° y 100°

Solución:

$$a) \frac{5\pi}{6} \text{ rad} = \frac{5\pi}{6} \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 150^\circ$$

$$3 \text{ rad} = 3 \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 171^\circ 53' 14''$$

$$b) 225^\circ = 225 \cdot \frac{\pi}{180} \text{ rad} = \frac{5\pi}{4} \text{ rad}$$

$$100^\circ = 100 \cdot \frac{\pi}{180} \text{ rad} = \frac{5\pi}{9} \text{ rad}$$

Ejercicio nº 4.-

Completa la tabla:

GRADOS	130°		330°	
RADIANES		4π / 3		1,5

Solución:

$$130^\circ = 130 \cdot \frac{\pi}{180} \text{ rad} = \frac{13\pi}{18} \text{ rad}$$

$$\frac{4\pi}{3} \text{ rad} = \frac{4\pi}{3} \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 240^\circ$$

$$330^\circ = 330 \cdot \frac{\pi}{180} \text{ rad} = \frac{11\pi}{6} \text{ rad}$$

$$1,5 \text{ rad} = 1,5 \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 85^\circ 56' 37''$$

Por tanto:

GRADOS	130°	240°	330°	85°56'37''
RADIANES	13π / 18	4π / 3	11π / 6	1,5

Ejercicio nº 5.-

a) Pasa a radianes los siguientes ángulos: 60° y 125°

b) Pasa a grados los ángulos $\frac{2\pi}{5}$ rad y 2,5 rad

Solución:

$$a) 60^\circ = \frac{60 \cdot \pi}{180} \text{ rad} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

$$125^\circ = \frac{125\pi}{180} \text{ rad} = \frac{25\pi}{36} \text{ rad}$$

$$b) \frac{2\pi}{5} \text{ rad} = \frac{2\pi}{5} \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 72^\circ$$

$$2,5 \text{ rad} = 2,5 \cdot \frac{180^\circ}{\pi} = 143^\circ 14' 22''$$

Razones trigonométricas

Ejercicio nº 6.-

Calcula las razones trigonométricas de 140° y de 220° , sabiendo que:

$$\text{sen}40^\circ = 0,64; \text{cos}40^\circ = 0,77; \text{tg}40^\circ = 0,84$$

Solución:

Como $140^\circ = 180^\circ - 40^\circ$ y $220^\circ = 180^\circ + 40^\circ$, entonces

$$\text{sen}140^\circ = \text{sen}40^\circ = 0,64$$

$$\text{cos}140^\circ = -\text{cos}40^\circ = -0,77$$

$$\text{tg}140^\circ = -\text{tg}40^\circ = -0,84$$

$$\text{sen}220^\circ = -\text{sen}40^\circ = -0,64$$

$$\text{cos}220^\circ = -\text{cos}40^\circ = -0,77$$

$$\text{tg}220^\circ = \text{tg}40^\circ = 0,84$$

Ejercicio nº 7.-

Sabiendo que $\text{sen}50^\circ = 0,77$, $\text{cos}50^\circ = 0,64$ y $\text{tg}50^\circ = 1,19$, calcula (sin utilizar las teclas trigonométricas de la calculadora):

a) $\text{cos}130^\circ$ b) $\text{tg}310^\circ$ c) $\text{cos}230^\circ$ d) $\text{sen}310^\circ$

Solución:

$$\text{a) } \text{cos}130^\circ = \text{cos}(180^\circ - 50^\circ) = -\text{cos}50^\circ = -0,64$$

$$\text{b) } \text{tg}310^\circ = \text{tg}(360^\circ - 50^\circ) = -\text{tg}50^\circ = -1,19$$

$$\text{c) } \text{cos}230^\circ = \text{cos}(180^\circ + 50^\circ) = -\text{cos}50^\circ = -0,64$$

$$\text{d) } \text{sen}310^\circ = \text{sen}(360^\circ - 50^\circ) = -\text{sen}50^\circ = -0,77$$

Ejercicio nº 8.-

Sabiendo que $\text{sen}25^\circ = 0,42$, $\text{cos}25^\circ = 0,91$ y $\text{tag}25^\circ = 0,47$, halla (sin utilizar las teclas trigonométricas de la calculadora) las razones trigonométricas de 155° y de 205° .

Solución:

Como $155^\circ = 180^\circ - 25^\circ$ y $205^\circ = 180^\circ + 25^\circ$, entonces

$$\operatorname{sen}155^\circ = \operatorname{sen}25^\circ = 0,42$$

$$\operatorname{cos}155^\circ = -\operatorname{cos}25^\circ = -0,91$$

$$\operatorname{tg}155^\circ = -\operatorname{tg}25^\circ = -0,47$$

$$\operatorname{sen}205^\circ = -\operatorname{sen}25^\circ = -0,42$$

$$\operatorname{cos}205^\circ = -\operatorname{cos}25^\circ = -0,91$$

$$\operatorname{tg}205^\circ = \operatorname{tg}25^\circ = 0,47$$

Ejercicio nº 9.-

Si $\operatorname{sen} \alpha = 0,35$ y $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ halla (sin calcular α):

a) $\operatorname{sen}(180^\circ - \alpha)$ b) $\operatorname{cos}(180^\circ + \alpha)$

Solución:

a) $\operatorname{sen}(180^\circ - \alpha) = \operatorname{sen} \alpha = 0,35$

b) $\operatorname{cos}(180^\circ + \alpha) = -\operatorname{cos} \alpha$

Necesitamos saber cuánto vale $\operatorname{cos} \alpha$:

$$\operatorname{sen}^2 \alpha + \operatorname{cos}^2 \alpha = 1 \rightarrow 0,35^2 + \operatorname{cos}^2 \alpha = 1$$

$$0,1225 + \operatorname{cos}^2 \alpha = 1 \rightarrow \operatorname{cos}^2 \alpha = 0,8775$$

$$\operatorname{cos} \alpha = 0,94 \text{ (es positivo, pues } 0^\circ < \alpha < 90^\circ \text{)}$$

$$\text{Por tanto } \operatorname{cos}(180^\circ + \alpha) = -\operatorname{cos} \alpha = -0,94$$

Ejercicio nº 10.-

Si $\operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{3}$ y α es un ángulo que está en el primer cuadrante, calcula (sin hallar α):

a) $\operatorname{tg}(180^\circ - \alpha)$ b) $\operatorname{tg}(180^\circ + \alpha)$ c) $\operatorname{tg}(360^\circ - \alpha)$ d) $\operatorname{tg}(360^\circ + \alpha)$

Solución:

a) $\operatorname{tg}(180^\circ - \alpha) = -\operatorname{tg} \alpha = -\frac{1}{3}$

b) $\operatorname{tg}(180^\circ + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{3}$

c) $\operatorname{tg}(360^\circ - \alpha) = -\operatorname{tg} \alpha = -\frac{1}{3}$

d) $\operatorname{tg}(360^\circ + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{3}$

Expresiones trigonométricas

Ejercicio nº 11.-

Demuestra que:

$$\frac{\operatorname{sen} x}{1 + \cos x} + \frac{1 + \cos x}{\operatorname{sen} x} = \frac{4 + 4 \cos x}{2 \operatorname{sen} x + \operatorname{sen} 2x}$$

Solución:

$$\begin{aligned} \frac{\operatorname{sen} x}{1 + \cos x} + \frac{1 + \cos x}{\operatorname{sen} x} &= \frac{\operatorname{sen}^2 x + (1 + \cos x)^2}{(1 + \cos x) \operatorname{sen} x} = \\ &= \frac{\operatorname{sen}^2 x + 1 + 2 \cos x + \cos^2 x}{\operatorname{sen} x + \operatorname{sen} x \cos x} = \frac{1 + 1 + 2 \cos x}{\operatorname{sen} x + \frac{2 \operatorname{sen} x \cos x}{2}} = \\ &= \frac{2 + 2 \cos x}{\operatorname{sen} x + \frac{\operatorname{sen} 2x}{2}} = \frac{2 + 2 \cos x}{\frac{2 \operatorname{sen} x + \operatorname{sen} 2x}{2}} = \frac{4 + 4 \cos x}{2 \operatorname{sen} x + \operatorname{sen} 2x} \end{aligned}$$

Ejercicio nº 12.-

Demuestra la igualdad:

$$\frac{2 \operatorname{sen} x}{\operatorname{tg} 2x} + \frac{\operatorname{sen}^2 x}{\cos x} = \cos x$$

Solución:

$$\begin{aligned} \frac{2 \operatorname{sen} x}{\operatorname{tg} 2x} + \frac{\operatorname{sen}^2 x}{\cos x} &= \frac{2 \operatorname{sen} x}{\frac{\operatorname{sen} 2x}{\cos 2x}} + \frac{\operatorname{sen}^2 x}{\cos x} = \\ &= \frac{2 \operatorname{sen} x \cos 2x}{\operatorname{sen} 2x} + \frac{\operatorname{sen}^2 x}{\cos x} = \frac{2 \operatorname{sen} x (\cos^2 x - \operatorname{sen}^2 x)}{2 \operatorname{sen} x \cos x} + \frac{\operatorname{sen}^2 x}{\cos x} = \\ &= \frac{\cos^2 x - \operatorname{sen}^2 x}{\cos x} + \frac{\operatorname{sen}^2 x}{\cos x} = \frac{\cos^2 x - \operatorname{sen}^2 x + \operatorname{sen}^2 x}{\cos x} = \frac{\cos^2 x}{\cos x} = \cos x \end{aligned}$$

Ejercicio nº 13.-

Demuestra que:

$$\cos x + 2 \operatorname{sen}^2 \frac{x}{2} = 1$$

Solución:

$$\cos x + 2 \operatorname{sen}^2 \frac{x}{2} = \cos x + 2 \left(\pm \sqrt{\frac{1 - \cos x}{2}} \right)^2 =$$

$$= \cos x + 2 \left(\frac{1 - \cos x}{2} \right) = \cos x + 1 - \cos x = 1$$

Ejercicio nº 14.-

Demuestra la siguiente igualdad:

$$\frac{(\operatorname{sen} x + \operatorname{cos} x) \cdot \operatorname{cos} 2x}{\operatorname{cos} x - \operatorname{sen} x} = 1 + \operatorname{sen} 2x$$

Solución:

$$\begin{aligned} \frac{(\operatorname{sen} x + \operatorname{cos} x) \cdot \operatorname{cos} 2x}{\operatorname{cos} x - \operatorname{sen} x} &= \frac{(\operatorname{sen} x + \operatorname{cos} x) \cdot (\operatorname{sen} x + \operatorname{cos} x) \cdot \operatorname{cos} 2x}{(\operatorname{cos} x - \operatorname{sen} x)(\operatorname{cos} x + \operatorname{sen} x)} = \\ &= \frac{(\operatorname{sen} x + \operatorname{cos} x)^2 \cdot \operatorname{cos} 2x}{\operatorname{cos}^2 x - \operatorname{sen}^2 x} = \frac{(\operatorname{sen}^2 x + \operatorname{cos}^2 x + 2 \operatorname{sen} x \operatorname{cos} x) \cdot \operatorname{cos} 2x}{\operatorname{cos} 2x} = \\ &= \operatorname{sen}^2 x + \operatorname{cos}^2 x + 2 \operatorname{sen} x \operatorname{cos} x = 1 + 2 \operatorname{sen} x \operatorname{cos} x = 1 + \operatorname{sen} 2x \end{aligned}$$

Ejercicio nº 15.-

Demuestra la siguiente igualdad:

$$\frac{\operatorname{sen} x \operatorname{cos} x}{\operatorname{cos}^2 x - \operatorname{sen}^2 x} = \frac{1}{2} \operatorname{tg} 2x$$

Solución:

$$\begin{aligned} \frac{\operatorname{sen} x \operatorname{cos} x}{\operatorname{cos}^2 x - \operatorname{sen}^2 x} &= \frac{\frac{1}{2} \cdot 2 \operatorname{sen} x \operatorname{cos} x}{\operatorname{cos}^2 x - \operatorname{sen}^2 x} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2 \operatorname{sen} x \operatorname{cos} x}{\operatorname{cos}^2 x - \operatorname{sen}^2 x} = \\ &= \frac{1}{2} \cdot \frac{\operatorname{sen} 2x}{\operatorname{cos} 2x} = \frac{1}{2} \operatorname{tg} 2x \end{aligned}$$

Ecuaciones trigonométricas

Ejercicio nº 16.-

Resuelve la siguiente ecuación:

$$\operatorname{sen} x \operatorname{sen} 2x + 2 \operatorname{sen}^2 x = 0$$

Solución:

$$\begin{aligned} \operatorname{sen} x \cdot \operatorname{sen} 2x + 2 \operatorname{sen}^2 x &= 0 \\ \operatorname{sen} x \cdot 2 \operatorname{sen} x \operatorname{cos} x + 2 \operatorname{sen}^2 x &= 0 \\ 2 \operatorname{sen}^2 x \operatorname{cos} x + 2 \operatorname{sen}^2 x &= 0 \\ 2 \operatorname{sen}^2 x (\operatorname{cos} x + 1) &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} 2\operatorname{sen}^2 x = 0 \rightarrow \operatorname{sen} x = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0^\circ + 360^\circ k \\ x = 180^\circ + 360^\circ k \end{cases} \\ \cos x + 1 = 0 \rightarrow \cos x = -1 \rightarrow x = 180^\circ + 360^\circ k \end{cases}$$

Por tanto, las soluciones son:

$$\begin{cases} x = 360^\circ k \\ x = 180^\circ + 360^\circ k \end{cases} \quad \text{siendo } k \in \mathbf{Z}$$

Ejercicio nº 17.-

Resuelve la ecuación:

$$\cos 2x + \operatorname{sen}^2 x - \frac{1}{2} = 0$$

Solución:

$$\cos 2x + \operatorname{sen}^2 x - \frac{1}{2} = 0$$

$$\cos^2 x - \operatorname{sen}^2 x + \operatorname{sen}^2 x - \frac{1}{2} = 0$$

$$\cos^2 x - \frac{1}{2} = 0$$

$$\cos^2 x = \frac{1}{2}$$

$$\cos x = \pm \sqrt{\frac{1}{2}} = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\begin{cases} \cos x = \frac{\sqrt{2}}{2} \rightarrow \begin{cases} x = 45^\circ + 360^\circ k \\ x = 315^\circ + 360^\circ k \end{cases} \end{cases}$$

siendo $k \in \mathbf{Z}$

$$\begin{cases} \cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2} \rightarrow \begin{cases} x = 135^\circ + 360^\circ k \\ x = 225^\circ + 360^\circ k \end{cases} \end{cases}$$

Ejercicio nº 18.-

Resuelve:

$$\cos^3 x - 3 \cos x = 3 \cos x \operatorname{sen} x$$

Solución:

$$\cos^3 x - 3 \cos x = 3 \cos x \operatorname{sen} x$$

$$\cos^3 x - 3 \cos x - 3 \cos x \operatorname{sen} x = 0$$

$$\cos x (\cos^2 x - 3 - 3 \operatorname{sen} x) = 0$$

$$\cos x (1 - \operatorname{sen}^2 x - 3 - 3 \operatorname{sen} x) = 0$$

$$\cos x (-\operatorname{sen}^2 x - 3 \operatorname{sen} x - 2) = 0$$

$$-\cos x (\operatorname{sen}^2 x + 3 \operatorname{sen} x + 2) = 0$$

$$\begin{cases} \cos x = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 90^\circ + 360^\circ k \\ x = 270^\circ + 360^\circ k \end{cases} \\ \operatorname{sen}^2 x + 3 \operatorname{sen} x + 2 = 0 \end{cases}$$

$$\operatorname{sen} x = \frac{-3 \pm \sqrt{9-8}}{2} = \frac{-3 \pm \sqrt{1}}{2} = \frac{-3 \pm 1}{2} \rightarrow \begin{cases} -1 \\ -2 \text{ (no vale)} \end{cases}$$

$$\operatorname{sen} x = -1 \rightarrow x = 270^\circ + 360^\circ k$$

Por tanto las soluciones son:

$$\begin{cases} x = 90^\circ + 360^\circ k \\ x = 270^\circ + 360^\circ k \end{cases} \quad \text{siendo } k \in \mathbf{Z}$$

Ejercicio nº 19.-

Resuelve la siguiente ecuación trigonométrica:

$$\operatorname{sen} 2x + \cos 2x - 1 = \cos x - 2 \operatorname{sen}^2 x$$

Solución:

$$\begin{aligned} \operatorname{sen} 2x + \cos 2x - 1 &= \cos x - 2 \operatorname{sen}^2 x \\ 2 \operatorname{sen} x \cos x + \cos^2 x - \operatorname{sen}^2 x - 1 &= \cos x - 2 \operatorname{sen}^2 x \\ 2 \operatorname{sen} x \cos x + \cos^2 x - \operatorname{sen}^2 x - 1 - \cos x + 2 \operatorname{sen}^2 x &= 0 \\ 2 \operatorname{sen} x \cos x + \cos^2 x + \operatorname{sen}^2 x - 1 - \cos x &= 0 \\ 2 \operatorname{sen} x \cos x + 1 - 1 - \cos x &= 0 \\ 2 \operatorname{sen} x \cos x - \cos x &= 0 \\ \cos x (2 \operatorname{sen} x - 1) &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} \cos x = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 90^\circ + 360^\circ k \\ x = 270^\circ + 360^\circ k \end{cases} \\ 2 \operatorname{sen} x - 1 = 0 \rightarrow \operatorname{sen} x = \frac{1}{2} \rightarrow \begin{cases} x = 30^\circ + 360^\circ k \\ x = 150^\circ + 360^\circ k \end{cases} \end{cases}$$

siendo $k \in \mathbf{Z}$

Ejercicio nº 20.-

Resuelve la ecuación:

$$4 \cos 2x = 1 - 3 \cos x$$

Solución:

$$\begin{aligned} 4 \cos 2x &= 1 - 3 \cos x \\ 4(\cos^2 x - \operatorname{sen}^2 x) &= 1 - 3 \cos x \\ 4 \cos^2 x - 4 \operatorname{sen}^2 x &= 1 - 3 \cos x \\ 4 \cos^2 x - 4(1 - \cos^2 x) &= 1 - 3 \cos x \\ 4 \cos^2 x - 4 + 4 \cos^2 x &= 1 - 3 \cos x \\ 8 \cos^2 x + 3 \cos x - 5 &= 0 \\ \cos x &= \frac{-3 \pm \sqrt{9+160}}{16} = \frac{-3 \pm \sqrt{169}}{16} = \frac{-3 \pm 13}{16} = \begin{cases} \frac{5}{8} \\ -1 \end{cases} \end{aligned}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \cos x = \frac{5}{8} \rightarrow \begin{cases} x = 51^\circ 19' 4'' + 360^\circ k \\ x = 308^\circ 40' 56'' + 360^\circ k \end{cases} \\ \cos x = -1 \rightarrow x = 180^\circ + 360^\circ k \end{array} \right.$$

siendo $k \in \mathbf{Z}$